



1. En un triángulo rectángulo la hipotenusa mide 85 cm y los catetos 36 y 77 cm. Halla las razones trigonométricas del ángulo puesto al cateto mayor.
 $\text{sen}\alpha = 0,9059$; $\text{cos}\alpha = 0,4235$; $\text{tg}\alpha = 2,1389$

2. Calcula las demás razones trigonométricas del ángulo agudo α en los siguientes casos:

a) $\text{cos}\alpha = 0,2$

b) $\text{sen}\alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$

c) $\text{tg}\alpha = 3$

d) $\text{tg}\alpha = 3\sqrt{2}$

Supón que todos los ángulos pertenecen al primer cuadrante

a) $\text{sen}\alpha = 0,9789$; $\text{tg}\alpha = 4,8990$

b) $\text{cos}\alpha = 0,5$; $\text{tg}\alpha = \sqrt{3}$

c) $\text{sen}\alpha = \frac{3\sqrt{10}}{10}$; $\text{cos}\alpha = \frac{\sqrt{10}}{10}$

d) $\text{sen}\alpha = \frac{3\sqrt{38}}{19}$; $\text{cos}\alpha = \frac{\sqrt{19}}{19}$

3. Resuelve los siguientes triángulos rectángulos (llama al ángulo recto A):

a) $b = 5 \text{ cm}$ $c = 12 \text{ cm}$

b) $c = 43 \text{ cm}$ $C = 37^\circ$

c) $b = 7 \text{ cm}$ $C = 49^\circ$

d) $a = 5 \text{ cm}$ $B = 65^\circ$

4. En un triángulo rectángulo, ABC , con el ángulo recto en C , conocemos $\hat{B} = 50^\circ$ y el cateto $\overline{BC} = 7 \text{ cm}$. Calcula \overline{AB} , \overline{AC} y \hat{A} .

5. Demuestra las siguientes igualdades:

a) $\frac{(\text{sen}\alpha)^3 + \text{sen}\alpha \cdot (\text{cos}\alpha)^2}{\text{sen}\alpha} = 1$

b) $\frac{(\text{sen}\alpha)^3 + \text{sen}\alpha \cdot (\text{cos}\alpha)^2}{\text{cos}\alpha} = \text{tg}\alpha$

c) $1 + \text{tg}^2\alpha = \frac{1}{\text{cos}^2\alpha}$

6. Halla, en cada caso, todos los ángulos comprendidos entre 0° y 360° que verifiquen:

a) $\text{sen}\alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ b) $\text{tg}\beta = -1$

a) $\alpha = 60^\circ$ y 120° ; b) $\beta = 135^\circ$ y 315°

7. Si α es un ángulo que pertenece al tercer cuadrante, ¿a qué cuadrante pertenecen los siguientes ángulos?

a) $90^\circ + \alpha$ c) $-\alpha$

b) $360^\circ - \alpha$ d) $360^\circ + \alpha$

8. Las coordenadas de un punto P del lado del extremo de un ángulo son $(-1, -2)$.

a) Indica a qué cuadrante pertenece.

b) Halla el valor de las razones trigonométricas de dicho ángulo.

a) tercero. b) $\text{sen}\alpha = \frac{-2}{\sqrt{5}}$; $\text{cos}\alpha = \frac{-1}{\sqrt{5}}$; $\text{tg}\alpha = 2$

9. Sabemos que $\text{tg}\alpha = 2$ y $90^\circ < \alpha < 180^\circ$. Halla el valor de $\text{tg}(180^\circ + \alpha)$ y $\text{tg}(360^\circ + \alpha)$

a) 2, b) 2

10. Halla en cada caso todos los ángulos comprendidos entre 0° y 360° que verifiquen:

a) $\text{sen}\alpha = -\frac{1}{2}$ b) $\text{cos}\alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ c) $\text{tg}\alpha = \sqrt{3}$

11. Las coordenadas de un punto P del lado del extremo de un ángulo son $(2, -3)$. ¿A qué cuadrante pertenece?. Calcula sus razones trigonométricas.

12. Si α es un ángulo del tercer cuadrante tal que $\text{tg}\alpha = 3/4$, calcula las restantes razones trigonométricas.

13. Si α y β son dos ángulos del primer cuadrante tales que $\alpha > \beta$ ¿qué puedes decir de $\text{sen}\alpha$ y $\text{sen}\beta$? ¿Y de $\text{cos}\alpha$ y $\text{cos}\beta$?

14. ¿Puede haber algún ángulo para el que se cumplan las siguientes igualdades?

$$\text{tg}\alpha = \frac{3}{2} \quad \text{sen}\alpha = \frac{1}{2}$$

15. El seno de un ángulo del segundo cuadrante es $5/13$. Calcula el seno y el coseno.

16. Expresa cada una de las razones trigonométricas siguientes en función de las razones trigonométricas de un ángulo del primer cuadrante:

| | | | |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|---------------------------|
| $\text{Sen } 135^\circ$ | $\text{Sen } 150^\circ$ | $\text{Sen } 120^\circ$ | $\text{Cosec } 120^\circ$ |
| $\text{Cos } 135^\circ$ | $\text{Cos } 150^\circ$ | $\text{Cos } 120^\circ$ | $\text{Sec } 120^\circ$ |
| $\text{Tg } 135^\circ$ | $\text{Tg } 150^\circ$ | $\text{Tg } 120^\circ$ | $\text{Cotg } 120^\circ$ |

17. Si los ángulos agudos de un triángulo rectángulo miden 30° y 60° , la hipotenusa es el doble de un cateto. Demuéstralo.

18. Comprueba las siguientes igualdades:

a) $\frac{1 + \text{tg}^2\alpha}{\text{cot}\alpha} = \frac{\text{tg}\alpha}{\text{cos}^2\alpha}$

b) $\frac{1 - \text{sen}\alpha}{\text{cos}\alpha} = \frac{\text{cos}\alpha}{1 + \text{sen}\alpha}$

19. Comprueba si son verdaderas o falsas las siguientes igualdades:

a) $\frac{\text{tg}\alpha + \text{tg}\beta}{\text{cot}\alpha + \text{cot}\beta} = \text{tg}\alpha \cdot \text{tg}\beta$

b) $\text{tg}\alpha + \text{cot}\alpha = \text{sec}\alpha \cdot \text{cosec}\alpha$

c) $\frac{\text{sen}\alpha \cdot \text{cos}\alpha}{\text{cos}^2\alpha - \text{sen}^2\alpha} = \frac{\text{tg}\alpha}{1 - \text{tg}^2\alpha}$

d) $\text{cot}^2\alpha - \text{cos}^2\alpha = \text{cot}^2\alpha \cdot \text{cos}^2\alpha$

e) $\text{sen}\alpha \cdot \text{cos}\alpha \cdot \text{tg}\alpha \cdot \text{cot}\alpha \cdot \text{sec}\alpha \cdot \text{cosec}\alpha = 1$

20. Si $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$ y está en el primer cuadrante, halla las siguientes razones trigonométricas:

- | | | | |
|------|--|-------|--|
| i. | $\operatorname{tg} (90^\circ - \alpha)$ | v. | $\operatorname{tg} (180^\circ - \alpha)$ |
| ii. | $\operatorname{tg} (270^\circ - \alpha)$ | vi. | $\operatorname{tg} (-\alpha)$ |
| iii. | $\operatorname{tg} (90^\circ + \alpha)$ | vii. | $\operatorname{tg} (180^\circ + \alpha)$ |
| iv. | $\operatorname{tg} (270^\circ + \alpha)$ | viii. | $\operatorname{tg} (720^\circ + \alpha)$ |